Académie de Grenoble

Examen d'entrée en seconde générale ou professionnelle

Épreuve de mathématiques

L'usage de la calculatrice est autorisé.

Les pages numérotées de 1/6 à 5/6 constituent le sujet.

La page 6/6 constitue une annexe à rendre avec la copie.

Le candidat compose sur des feuilles de copie.

| Session 2022 | | Durée : 1h30 |
|--------------|--|--------------|
|--------------|--|--------------|

Exercice 1 (2 points)

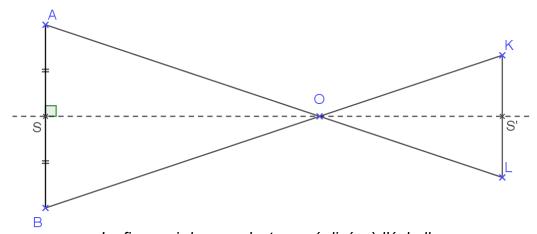
Calculer et réduire l'expression :

$$E = \frac{5}{4} - \frac{3}{4} \times \frac{1}{3} + 2.$$

Exercice 2 (4 points)

Sur la figure ci-dessous:

- les droites (AB) et (KL) sont parallèles,
- les points A, O et L sont alignés, les points B, O et K sont alignés et les points S, O
 et S' sont alignés,
- la longueur du segment [SO] est égale à 6 mètres (m), la longueur du segment [SA] est égale à 4,5 m et la longueur du segment [OL] est égale à 2,5 m.



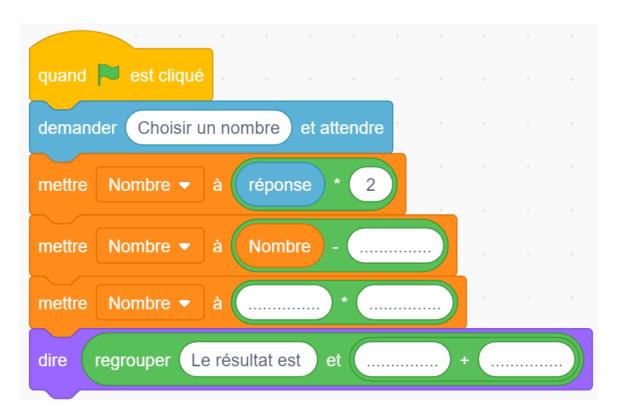
La figure ci-dessus n'est pas réalisée à l'échelle.

- **1.** Montrer que la longueur du segment [AO] est 7,5 m.
- **2.** Déterminer la mesure de l'angle \widehat{AOS} arrondie au degré près.
- **3.** Déterminer la longueur du segment [KL].

Exercice 3 (5 points)

Voici un programme de calcul.

- Choisir un nombre.
- Multiplier ce nombre par 2.
- Enlever 4 au résultat.
- Multiplier le résultat par 5.
- Ajouter 20 au résultat
- 1. a. Si Yasmine choisit 1 au départ, quel résultat obtient-elle ?
 - **b.** Yasmine a trouvé comme résultat 84, quel nombre a-t-elle choisi au départ ?
 - **c.** Mathis veut impressionner Yasmine avec ce programme de calcul. Il affirme qu'il suffit de multiplier le nombre de départ par 10 pour trouver le résultat. L'affirmation de Mathis est-elle vraie ? Justifier.
- 2. Yasmine a écrit le script correspondant à ce programme de calcul avec le logiciel Scratch :



Compléter les pointillés des instructions manquantes <u>sur l'annexe à rendre avec la copie page 6/6</u>.

Exercice 4 (5 points)

On demande aux élèves de deux classes différentes d'indiquer le nombre de SMS envoyés avec leur téléphone portable pendant le week-end.

Voici les résultats obtenus :

| Nombre de | | | | | | | | |
|-----------|---|---|---|----|----|----|----|----|
| SMS | 2 | 5 | 7 | 11 | 18 | 20 | 21 | 34 |
| envoyés | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| Effectifs | 2 | 7 | 6 | 2 | 1 | 3 | 3 | 1 |
| | | | | | | | | |

Document 1 – Nombre de SMS envoyés par les élèves de 3^e B

Effectif: 21

Moyenne: 10

Médiane: 9

Etendue: 27

Parmi les 21 élèves de cette classe, 2 élèves n'ont pas de téléphone portable donc ils n'ont pas envoyé de SMS.

Document 2 – Nombre de SMS envoyés par les élèves de 3^e D

- 1. Déterminer le nombre d'élèves dans la classe de 3^e B.
- 2. On interroge au hasard un élève de la classe de 3^e B.

 Déterminer la probabilité de l'événement : « l'élève a envoyé exactement 7 SMS durant le week-end ».
- 3. Déterminer le nombre moyen de SMS envoyés dans la classe de 3^e B.
- 4. Déterminer la valeur médiane de la série statistique du document 1.
- **5.** Dans quelle classe y a-t-il le plus grand nombre d'élèves qui ont envoyé au moins 9 SMS avec leur téléphone portable durant le week-end ?
- **6.** Dans quelle classe se trouve l'élève qui a envoyé le plus de SMS avec son téléphone portable durant le week-end ?

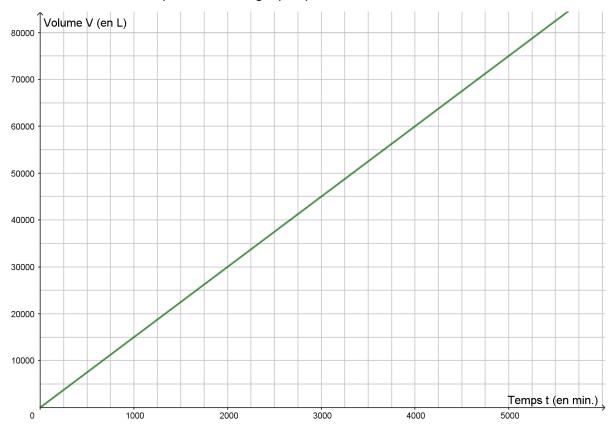
Exercice 5 (4 points)

Julien doit remplir sa piscine avec un tuyau d'arrosage. Pour savoir combien de temps cela va lui prendre, il mesure le volume d'eau et il note le temps écoulé.

| Temps (en minutes) | 2 | 3 | 6 | 8 |
|--------------------------|----|----|----|-----|
| Volume d'eau (en litres) | 30 | 45 | 90 | 120 |

- 1. Le volume d'eau est-il proportionnel au temps ? Justifier.
- 2. Montrer que le débit du tuyau d'arrosage est de 15 litres par minute.
- **3.** On note V(t) le nombre de litres (L) d'eau qui s'écoulent en t minutes.

Voici, ci-dessous, la représentation graphique de la fonction *V*.



Déterminer $V(3\ 000)$.

- **4.** La piscine de Julien a la forme d'un pavé droit de 8 *m* de long, 6 *m* de large et 1,5 *m* de profondeur.
 - a. Quel volume d'eau la piscine de Julien peut-elle contenir?
 - **b.** À l'aide de la représentation graphique de la fonction *V*, répondre à la question suivante : « En combien de temps Julien, remplira-t-il entièrement sa piscine ? »
- **5.** Pour remplir plus rapidement sa piscine, Julien décide d'acheter un tuyau d'arrosage dont le débit est supérieur de 30% à celui qu'il a utilisé précédemment. Quel sera le débit du nouveau tuyau acheté ?

| Numéro | | | | | | | | | |
|--------|------|-----------------|------|------|------|------|------|------|--|
| Numero | | . . | | | | | | | |

ANNEXE à rendre avec la copie

Exercice 3:

2.

